

**CLASS : 12th (Sr. Secondary)**

**Code No. 2031**

**Series : SS-M/2017**

Roll No. 

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**SET : A**

गणित **GRAPH**

**MATHEMATICS**

[ Hindi and English Medium ]

**ACADEMIC/OPEN**

(Only for Fresh Candidates)

**(Evening Session)**

Time allowed : 3 hours ]

[ Maximum Marks : 80

- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित प्रश्न 20 हैं।  
*Please make sure that the printed question paper are contains 20 questions.*
- प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिये गये कोड नम्बर तथा सेट को छात्र उत्तर-पुस्तिका के मुख्य-पृष्ठ पर लिखें।  
*The Code No. and Set on the right side of the question paper should be written by the candidate on the front page of the answer-book.*
- कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें।  
*Before beginning to answer a question, its Serial Number must be written.*
- उत्तर-पुस्तिका के बीच में खाली पन्ना/पन्ने न छोड़ें।  
*Don't leave blank page/pages in your answer-book.*
- उत्तर-पुस्तिका के अतिरिक्त कोई अन्य शीट नहीं मिलेगी। अतः आवश्यकतानुसार ही लिखें और लिखा उत्तर न काटें।  
*Except answer-book, no extra sheet will be given. Write to the point and do not strike the written answer.*
- परीक्षार्थी अपना रोल नं० प्रश्न-पत्र पर अवश्य लिखें।  
*Candidates must write their Roll Number on the question paper.*
- कृपया प्रश्नों का उत्तर देने से पूर्व यह सुनिश्चित कर लें कि प्रश्न-पत्र पूर्ण व सही है, परीक्षा के उपरान्त इस सम्बन्ध में कोई भी दावा स्वीकार नहीं किया जायेगा।

2031/ (Set : A)

P. T. O.

Before answering the question, ensure that you have been supplied the correct and complete question paper, **no claim in this regard, will be entertained after examination.**

**सामान्य निर्देश :**

- (i) इस प्रश्न-पत्र में 20 प्रश्न हैं, जो कि चार खण्डों : अ, ब, स और द में बाँटे गए हैं :  
 खण्ड 'अ' : इस खण्ड में एक प्रश्न है जो बहुविकल्पीय प्रकार के 16 (i-xvi) भागों में है। प्रत्येक भाग 1 अंक का है।  
 खण्ड 'ब' : इस खण्ड में 2 से 11 तक कुल दस प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न 2 अंकों का है।  
 खण्ड 'स' : इस खण्ड में 12 से 16 तक कुल पाँच प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न 4 अंकों का है।  
 खण्ड 'द' : इस खण्ड में 17 से 20 तक कुल चार प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न 6 अंकों का है।
- (ii) सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।
- (iii) खण्ड 'द' के कुछ प्रश्नों में आंतरिक विकल्प दिये गये हैं, उनमें से एक ही प्रश्न को चुनना है।
- (iv) दिये गये ग्राफ-पेपर को अपनी उत्तर-पुस्तिका के साथ अवश्य नत्थी करें।
- (v) ग्राफ-पेपर पर अपनी उत्तर-पुस्तिका का क्रमांक अवश्य लिखें।
- (vi) कैल्क्युलेटर के प्रयोग की अनुमति नहीं है।

**General Instructions :**

- (i) This question paper consists of 20 questions which are divided into four Sections : A, B, C and D :
- Section 'A' :** This Section consists of one question which is divided into 16 (i-xvi) parts of multiple choice type. Each part carry 1 mark.
- Section 'B' :** This Section consists of ten questions from 2 to 11. Each question carries 2 marks.
- Section 'C' :** This Section consists of five questions from 12 to 16. Each question carries 4 marks.
- Section 'D' :** This Section consists of four questions from 17 to 20. Each question carries 6 marks.
- (ii) **All questions are compulsory.**
- (iii) **Section 'D'** contains some questions where internal choice have been provided. Choose one of them.

( 3 )

2031/ (Set : A)

(iv) You must attach the given graph-paper along with your answer-book.

(v) You **must** write your Answer-book Serial No. on the graph-paper.

(vi) Use of Calculator is not permitted.

खण्ड – अ

SECTION – A

1. (i) मान लीजिए कि  $f : R \rightarrow R$ ,  $f(x) = x^4$  द्वारा परिभाषित है, सही उत्तर का चयन कीजिए : 1

- (A)  $f$  एकैकी आच्छादक है  
(B)  $f$  बहुएक आच्छादक है  
(C)  $f$  एकैकी है, किन्तु आच्छादक नहीं है  
(D)  $f$  न तो एकैकी है, और न ही आच्छादक है

Let  $f : R \rightarrow R$  be defined as  $f(x) = x^4$ , choose the correct answer :

- (A)  $f$  is one-one onto  
(B)  $f$  is many-one onto  
(C)  $f$  is one-one but not onto  
(D)  $f$  is neither one-one nor onto

(ii)  $\tan^{-1}(\sqrt{3}) - \sec^{-1}(-2)$  का मान है : 1

- (A)  $\frac{\pi}{3}$  (B)  $-\frac{\pi}{3}$  (C)  $\frac{2\pi}{3}$  (D)  $\pi$

$\tan^{-1}(\sqrt{3}) - \sec^{-1}(-2)$  is equal to :

- (A)  $\frac{\pi}{3}$  (B)  $-\frac{\pi}{3}$  (C)  $\frac{2\pi}{3}$  (D)  $\pi$

2031/ (Set : A)

P. T. O.

(iii) यदि आव्यूह  $\begin{bmatrix} 3x+7 & 5 \\ y+1 & 2-3x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & y-2 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$  हो, तो  $x$  और  $y$  के मान हैं : 1

(A)  $x = -\frac{1}{3}, y = 7$  (B)  $x = -\frac{1}{3}, y = -\frac{2}{3}$

(C)  $x = -\frac{2}{3}, y = 7$  (D)  $x = 5, y = -\frac{2}{3}$

If the matrices  $\begin{bmatrix} 3x+7 & 5 \\ y+1 & 2-3x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & y-2 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$ , then the values of  $x$  and  $y$  are :

(A)  $x = -\frac{1}{3}, y = 7$  (B)  $x = -\frac{1}{3}, y = -\frac{2}{3}$

(C)  $x = -\frac{2}{3}, y = 7$  (D)  $x = 5, y = -\frac{2}{3}$

(iv) यदि  $A$ ,  $3 \times 3$  कोटि का व्युत्क्रमणीय वर्ग आव्यूह है, तो  $|\text{adj } A|$  का मान है : 1

(A)  $|A|^3$  (B)  $|A|$

(C)  $3|A|$  (D)  $|A|^2$

Let  $A$  be a non-singular square matrix of order  $3 \times 3$ . Then  $|\text{adj } A|$  is :

(A)  $|A|^3$  (B)  $|A|$

(C)  $3|A|$  (D)  $|A|^2$

(v) यदि फलन  $f(x) = \begin{cases} kx+1, & \text{यदि } x \leq \pi \\ \cos x, & \text{यदि } x > \pi \end{cases}$ ,  $x = \pi$  पर संतत हो, तो  $k$  का मान है :

1

(A)  $-1$  (B)  $-\frac{2}{\pi}$

(C)  $-2$  (D) इनमें से कोई नहीं

If the function  $f(x) = \begin{cases} kx+1, & \text{if } x \leq \pi \\ \cos x, & \text{if } x > \pi \end{cases}$  is continuous at  $x = \pi$ , then the value of  $k$  is :

( 5 )

- (A) -1 (B)  $-\frac{2}{\pi}$   
 (C) -2 (D) None of these

(vi) वृत्त के क्षेत्रफल के परिवर्तन की दर, इसकी त्रिज्या  $r$  के सापेक्ष  $r = 5$  पर है : 1

- (A)  $10\pi$  (B)  $8\pi$   
 (C)  $12\pi$  (D)  $13\pi$

The rate of change of the area of a circle with respect to its radius  $r$  at  $r = 5$  is :

- (A)  $10\pi$  (B)  $8\pi$   
 (C)  $12\pi$  (D)  $13\pi$

(vii) वक्र  $y = x^3 - 11x + 5$  पर वह बिन्दु है, जिस पर स्पर्श रेखा  $y = x - 11$  है : 1

- (A)  $(-2, 0)$  (B)  $(3, 7)$   
 (C)  $(0, 2)$  (D)  $(2, -9)$

The point on the curve  $y = x^3 - 11x + 5$  at which the tangent is  $y = x - 11$ , is :

- (A)  $(-2, 0)$  (B)  $(3, 7)$   
 (C)  $(0, 2)$  (D)  $(2, -9)$

(viii)  $\int \frac{x^2}{x^6 + 1} dx$  का मान है : 1

- (A)  $\frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + c$  (B)  $\tan^{-1} \sqrt{x} + c$   
 (C)  $\sin^{-1} x^3 + c$  (D) इनमें से कोई नहीं

$\int \frac{x^2}{x^6 + 1} dx$  is equal to :

- (A)  $\frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + c$  (B)  $\tan^{-1} \sqrt{x} + c$   
 (C)  $\sin^{-1} x^3 + c$  (D) None of these

(ix)  $\int_0^1 \sin^{-1} x dx$  का मान है : 1

(6)

(A) 2 (B)  $\frac{\pi}{2} - 1$

(C) -1 (D) 1

$\int_0^1 \sin^{-1} x dx$  is equal to :

(A) 2 (B)  $\frac{\pi}{2} - 1$

(C) -1 (D) 1

(x) निम्नलिखित समीकरणों में से किस समीकरण का व्यापक हल  $y = c_1 e^x + c_2 e^{-x}$  है :

1

(A)  $\frac{d^2 y}{dx^2} + 1 = 0$  (B)  $\frac{d^2 y}{dx^2} - 1 = 0$

(C)  $\frac{d^2 y}{dx^2} - y = 0$  (D)  $\frac{d^2 y}{dx^2} + y = 0$

Which of the following differential equation has  $y = c_1 e^x + c_2 e^{-x}$  as the general solution ?

(A)  $\frac{d^2 y}{dx^2} + 1 = 0$  (B)  $\frac{d^2 y}{dx^2} - 1 = 0$

(C)  $\frac{d^2 y}{dx^2} - y = 0$  (D)  $\frac{d^2 y}{dx^2} + y = 0$

(xi) अवकल समीकरण  $e^x dy + (ye^x + 2x) dx = 0$  का व्यापक हल है : 1

(A)  $ye^x + x^2 = c$  (B)  $xe^x + x^2 = c$

(C)  $xe^y + y^2 = c$  (D)  $ye^y + x^2 = c$

(7)  
The general solution of the differential equation  $e^x dy + (ye^x + 2x) dx = 0$  is :

(A)  $ye^x + x^2 = c$  (B)  $xe^x + x^2 = c$

(C)  $xe^y + y^2 = c$  (D)  $ye^y + x^2 = c$

(xii) सदिश  $\vec{a} = 2\hat{i} + 3\hat{j} + 2\hat{k}$  का सदिश  $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$  पर प्रक्षेप है : 1

(A)  $\frac{\sqrt{5}}{6}$  (B)  $\frac{2}{3}\sqrt{6}$

(C)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (D)  $\frac{5}{3}\sqrt{6}$

The projection of vector  $\vec{a} = 2\hat{i} + 3\hat{j} + 2\hat{k}$  on  $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$  is :

(A)  $\frac{\sqrt{5}}{6}$  (B)  $\frac{2}{3}\sqrt{6}$

(C)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (D)  $\frac{5}{3}\sqrt{6}$

(xiii) रेखाओं  $\frac{x+3}{3} = \frac{y-1}{5} = \frac{z+3}{4}$  तथा  $\frac{x+1}{1} = \frac{y-4}{1} = \frac{z-5}{2}$  के युग्म के बीच का कोण है : 1

(A)  $\cos^{-1}\left(\frac{8\sqrt{3}}{15}\right)$  (B)  $\cos^{-1}\left(\frac{5\sqrt{7}}{15}\right)$

(C)  $\cos^{-1}\left(\frac{15}{8\sqrt{3}}\right)$  (D)  $\cos^{-1}\left(\frac{3\sqrt{8}}{15}\right)$

Angle between the pair of lines  $\frac{x+3}{3} = \frac{y-1}{5} = \frac{z+3}{4}$  and

$\frac{x+1}{1} = \frac{y-4}{1} = \frac{z-5}{2}$  is :

(8)

(A)  $\cos^{-1}\left(\frac{8\sqrt{3}}{15}\right)$  (B)  $\cos^{-1}\left(\frac{5\sqrt{7}}{15}\right)$

(C)  $\cos^{-1}\left(\frac{15}{8\sqrt{3}}\right)$  (D)  $\cos^{-1}\left(\frac{3\sqrt{8}}{15}\right)$

(xiv) यदि पासों का एक जोड़ा उछाला जाता है, तो प्रत्येक पासे पर सम अभाज्य संख्या प्राप्त करने की प्रायिकता है :

1

(A)  $\frac{1}{3}$  (B)  $\frac{1}{36}$

(C) 0 (D)  $\frac{11}{12}$

The probability of obtaining an even prime number on each die, when a pair of dice is rolled is :

(A)  $\frac{1}{3}$  (B)  $\frac{1}{36}$

(C) 0 (D)  $\frac{11}{12}$

(xv) यदि एक न्याय्य सिक्के को 10 बार उछाला गया हो, तो ठीक छः चित प्राप्त करने की प्रायिकता है :

1

(A)  $\frac{193}{512}$  (B)  $\frac{290}{512}$

(C)  $\frac{105}{512}$  (D) इनमें से कोई नहीं

If a fair coin is tossed ten times, the probability of getting exactly six heads is :

(A)  $\frac{193}{512}$  (B)  $\frac{290}{512}$

(C)  $\frac{105}{512}$  (D) None of these

(xvi) यदि  $P(A) = \frac{1}{2}$ ,  $P(B) = 0$  हो, तो  $P(A/B)$  है : 1

- (A) 0 (B) 1  
 (C)  $\frac{1}{2}$  (D) परिभाषित नहीं

If  $P(A) = \frac{1}{2}$ ,  $P(B) = 0$ , then  $P(A/B)$  is :

- (A) 0 (B) 1  
 (C)  $\frac{1}{2}$  (D) Not defined

**खण्ड - ब**

**SECTION - B**

2. यदि फलन  $f: R \rightarrow R$ ,  $f(x) = 4x + 3$  द्वारा प्रदत्त हो, तो दिखाइए कि  $f$  व्युत्क्रमणीय है और  $f$  का प्रतिलोम ज्ञात कीजिए। 2

Let  $f: R \rightarrow R$ , given by  $f(x) = 4x + 3$ . Show that  $f$  is invertible and find the inverse of  $f$ .

3. सिद्ध कीजिए : 2

$$2 \sin^{-1} \frac{3}{5} = \tan^{-1} \frac{24}{7}$$

Prove that :

$$2 \sin^{-1} \frac{3}{5} = \tan^{-1} \frac{24}{7}$$

4. आव्यूह  $A = \begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 6 & 7 \end{bmatrix}$  के लिए सत्यापित कीजिए कि  $A + A'$  एक सममित आव्यूह है। 2

( 10 )

2031/ (Set : A)

For the matrix  $A = \begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 6 & 7 \end{bmatrix}$ , verify that  $A + A'$  is a symmetric matrix.

5.  $\begin{vmatrix} 0 & \sin \alpha & -\cos \alpha \\ -\sin \alpha & 0 & \sin \beta \\ \cos \alpha & -\sin \beta & 0 \end{vmatrix}$  का मान ज्ञात कीजिए। 2

Evaluate :  $\begin{vmatrix} 0 & \sin \alpha & -\cos \alpha \\ -\sin \alpha & 0 & \sin \beta \\ \cos \alpha & -\sin \beta & 0 \end{vmatrix}$

6.  $\int \sqrt{x^2 + 2x + 5} dx$  का मान निकालिए। 2

Find  $\int \sqrt{x^2 + 2x + 5} dx$

7. मान ज्ञात कीजिए  $\int_{-1}^1 \sin^5 x \cos^4 x dx$  2

Evaluate :  $\int_{-1}^1 \sin^5 x \cos^4 x dx$

8.  $y$ -अक्ष को मूल बिन्दु पर स्पर्श करने वाले वृत्तों के कुल का अवकल समीकरण ज्ञात कीजिए। 2

Find the differential equation of the family of circles touching the  $y$ -axis at the origin.

9. यदि  $y = A \sin x + B \cos x$  हो, तो सिद्ध कीजिए कि  $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$  है। 2

If  $y = A \sin x + B \cos x$ , then prove that  $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$ .

10.  $\sin^2 x$  का  $e^{\cos x}$  के सापेक्ष अवकलन ज्ञात कीजिए। 2

Differentiate  $\sin^2 x$  w.r.t.  $e^{\cos x}$ .

2031/ (Set : A)

11. एक अनभिन्न (unbiased) पासे को दो बार उछाला गया। मान लें A घटना 'पहली उछाल पर विषम संख्या प्राप्त होना' और B घटना 'द्वितीय उछाल पर विषम संख्या प्राप्त होना' दर्शाते हैं। घटनाओं A और B के स्वातंत्र्य का परीक्षण कीजिए। 2

An unbiased die is thrown twice. Let the event A be 'odd number on the first throw' and B be the event 'odd number on the second throw'. Check the independence of the events A and B.

**खण्ड - स**

**SECTION - C**

12. दिखाइए कि  $\sin^{-1} \frac{12}{13} + \cos^{-1} \frac{4}{5} + \tan^{-1} \frac{63}{16} = \pi$  है। 4

Show that  $\sin^{-1} \frac{12}{13} + \cos^{-1} \frac{4}{5} + \tan^{-1} \frac{63}{16} = \pi$ .

13.  $(\log x)^x + x^{\log x}$  का  $x$  के सापेक्ष अवकलन कीजिए। 4

Differentiate  $(\log x)^x + x^{\log x}$  w.r.t.  $x$ .

14. वह अन्तराल ज्ञात कीजिए जिसमें  $f(x) = \sin x + \cos x$ ,  $0 \leq x \leq 2\pi$  द्वारा प्रदत्त फलन  $f$  निरन्तर वर्धमान या निरन्तर हासमान है। 4

Find the interval in which the function  $f$  given by  $f(x) = \sin x + \cos x$ ,  $0 \leq x \leq 2\pi$  is strictly increasing or strictly decreasing.

15. एक निशानेबाज के लक्ष्य-भेदन की प्रायिकता  $\frac{3}{4}$  है। वह कम से कम कितनी बार गोली चलाए कि लक्ष्य को कम से कम एक बार भेदने की प्रायिकता 0.99 से अधिक हो ? 4

The probability of a shooter hitting a target is  $\frac{3}{4}$ . How many minimum number of times must he/she fire so that the probability of hitting the target at least once is more than 0.99 ?

( 12 )

2031/ (Set : A)

16. सदिश  $\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$  का सदिशों  $2\hat{i} + 4\hat{j} - 5\hat{k}$  और  $\lambda\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$  के योगफल की दिशा में, मात्रक सदिश के साथ अदिश गुणनफल एक के बराबर है, तो  $\lambda$  का मान ज्ञात कीजिए। 4

The scalar product of the vector  $\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$  with a unit vector along the sum of vectors  $2\hat{i} + 4\hat{j} - 5\hat{k}$  and  $\lambda\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$  is equal to one, find the value of  $\lambda$ .

खण्ड - द

SECTION - D

17. निम्न समीकरण निकायों को आव्यूह विधि द्वारा हल कीजिए : 6

$$x - y + 2z = 7$$

$$3x + 4y - 5z = -5$$

$$2x - y + 3z = 12$$

Solve the system of equations by matrix method :

$$x - y + 2z = 7$$

$$3x + 4y - 5z = -5$$

$$2x - y + 3z = 12$$

18.  $x$ -अक्ष के ऊपर तथा वृत्त  $x^2 + y^2 = 8x$  एवम् परवलय  $y^2 = 4x$  के मध्यवर्ती क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। 6

Find the area lying above  $x$ -axis and included between the circle  $x^2 + y^2 = 8x$  and the parabola  $y^2 = 4x$ .

अथवा

OR

रेखा  $y = 3x + 2$ ,  $x$ -अक्ष एवम् कोटियों  $x = -1$  तथा  $x = 1$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

2031/ (Set : A)

Find the area of the region bounded by the line  $y = 3x + 2$  and the ordinates  $x = -1$  and  $x = 1$ .

19. समतलों  $\vec{r} \cdot (\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}) = 6$  और  $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}) = -5$  के प्रतिच्छेदन तथा बिन्दु  $(1, 1, 1)$  से जाने वाले समतल का सदिश समीकरण ज्ञात कीजिए। 6

Find the vector equation of the plane passing through the intersection of the planes  $\vec{r} \cdot (\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}) = 6$  and  $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}) = -5$  and the point  $(1, 1, 1)$ .

अथवा

OR

रेखाओं  $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}) + \lambda(\hat{i} - \hat{j} + \hat{k})$  तथा  $\vec{r} = (2\hat{i} - \hat{j} - \hat{k}) + \mu(2\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k})$  के बीच न्यूनतम दूरी ज्ञात कीजिए।

Find the shortest distance between the lines :  
 $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}) + \lambda(\hat{i} - \hat{j} + \hat{k})$  and  $\vec{r} = (2\hat{i} - \hat{j} - \hat{k}) + \mu(2\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k})$ .

20. आलेखीय विधि द्वारा निम्न रैखिक-समीकरणों को हल कीजिए : 6

निम्न व्यरोधों के अन्तर्गत

$$x + 3y \leq 60$$

$$x + y \geq 10$$

$$x \leq y$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

$z = 3x + 9y$  का न्यूनतम और अधिकतम मान ज्ञात कीजिए।

Solve the following linear programming graphically :

Minimize and maximize  $z = 3x + 9y$  subject to the constraints  
 $x + 3y \leq 60$

(14)

**2031/ (Set : A)**

$$x + y \geq 10$$

$$x \leq y$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$



**2031/ (Set : A)**